

EVALUAREA NAȚIONALĂ PENTRU ABSOLVENȚII CLASEI a VIII-a

Matematică

Test 30

- Toate subiectele sunt obligatorii. Se acordă 10 puncte din oficiu.
- Timpul de lucru efectiv este de 2 ore.

SUBIECTUL I - Pe foaia de examen scrieți numai rezultatele.

(30 de puncte)

- 5p 1. Rezultatul calculului $10 - 2 \cdot (10 - 10 : 2)$ este egal cu
- 5p 2. Dacă $\frac{x-1}{6} = \frac{1}{6}$, atunci numărul real x este egal cu
- 5p 3. Cel mai mare număr natural de două cifre divizibil cu 10 este
- 5p 4. Un cerc are raza $r = 10$ cm. Lungimea acestui cerc este egală cu $... \pi$ cm.
- 5p 5. În Figura 1 este reprezentat un cub $ABCDEFGH$. Unghiul dreptelor AE și EG are măsura de $...^\circ$.

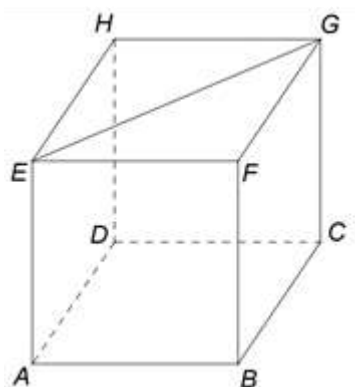


Figura 1

- 5p 6. În tabelul următor sunt prezentate informații despre numărul de vizitatori ai unui site de știri, în cinci zile consecutive ale unei săptămâni.

Ziua	luni	marți	miercuri	joi	vineri
Nr. de vizitatori	95695	55220	64208	55665	35695

Conform tabelului, numărul de vizitatori ai site-ului în ziua de luni este mai mare decât numărul de vizitatori ai site-ului în ziua de vineri cu

SUBIECTUL al II-lea - Pe foaia de examen scrieți rezolvările complete.

(30 de puncte)

- 5p 1. Desenați, pe foaia de examen, o piramidă patrulateră cu vârful V și baza pătratul $ABCD$.
- 5p 2. Determinați numerele naturale de trei cifre care sunt de 34 de ori mai mari decât suma cifrelor lor.
- 5p 3. Vârsta unei mame este de 3 ori mai mare decât vârsta fiicei ei, iar vârsta tatălui este cu 4 ani mai mare decât vârsta mamei. Suma vârstelor celor trei este 88 de ani. Calculați vârsta tatălui.
4. Se consideră numerele reale $a = (\sqrt{2} + \sqrt{3} - \sqrt{5})(\sqrt{2} + \sqrt{3} + \sqrt{5}) : \sqrt{6}$ și $b = \frac{1}{1 \cdot 3} + \frac{1}{2 \cdot 4} + \frac{1}{3 \cdot 5} + \frac{1}{4 \cdot 6}$.
- 5p a) Arătați că $a = 2$.
- 5p b) Calculați $(8a - 30b)^{100}$.
- 5p 5. Se consideră expresia $E(x) = (x+3)^2 - (x+1)^2 - (x+3)(x-3) + (x+1)(x-1)$, unde x este număr real. Determinați numerele naturale n pentru care $E(n) \leq 20$.

SUBIECTUL al III-lea - Pe foaia de examen scrieți rezolvările complete.

(30 de puncte)

1. În *Figura 2* este reprezentat un triunghi ABC , dreptunghic în A , cu $BC = 32\text{ cm}$ și $BD = 8\text{ cm}$, unde $AD \perp BC$, $D \in BC$. Punctul M este mijlocul laturii AC .

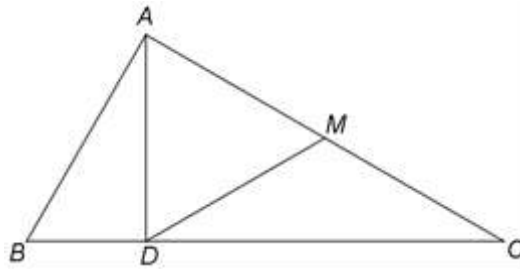


Figura 2

5p a) Arătați că $AB = 16\text{ cm}$.

5p b) Calculați aria patrulaterului $ABDM$.

5p c) Demonstrați că, dacă N este punctul de intersecție a dreptelor AB și DM , atunci segmentele MN și AC sunt congruente.

2. În *Figura 3* este reprezentată o prismă patrulateră $ABCD A'B'C'D'$ cu baza pătratul $ABCD$, $AB = 6\text{ cm}$ și $AA' \perp (ABC)$. Dreptele AC și BD se intersectează în O , iar dreptele BC' și $B'C$ se intersectează în M .

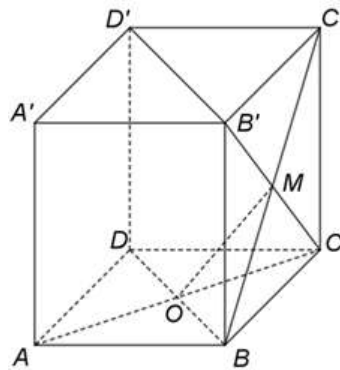


Figura 3

5p a) Arătați că perimetrul patrulaterului $ABCD$ este egal cu 24 cm .

5p b) Demonstrați că dreapta DC' este paralelă cu planul (COM) .

5p c) Demonstrați că, dacă punctul N este simetricul punctului O față de punctul M , atunci punctele A' , B' , C' și N sunt coplanare.